

Grado	Semana	Ficha
4°	1	3

SECUNDARIA MATEMÁTICA

CUADRILÁTEROS

1. Escucha con atención

Las mejores genetistas

Faena agrícola en Chetilla, pueblito de los Andes Peruanos, realizando el cultivo de la papa.



Escucha y responde:

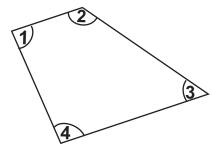
Al remover la tierra y limpiar un campo de cultivo cuadrangular, se modificó su forma, pues se agregaron 200 metros de frente y se le quitaron 200 metros al costado. ¿Qué forma tiene ahora el campo de cultivo?

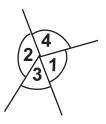
- a) circular
- b) rectangular
- b) cuadrangular
- b) triangular



¿Un cuadrilátero es un cuadrado?

Un cuadrilátero es un polígono que tiene cuatro lados. Los cuadriláteros tienen distintas formas pero todos ellos tienen cuatro vértices y dos diagonales. En todos los cuadriláteros la suma de los ángulos interiores es igual a 360°.





Si recortamos los cuatro ángulos de un cuadrilátero cualquiera y los colocamos en forma consecutiva, veremos que el último que colocamos también es consecutivo al primero.

El ángulo que se forma es de 360°

2. Dibuja un cuadrilátero como el de la página 1, enumera y recorta sus 4 ángulos, pégalos consecutivamente aquí. ¿Se formó un ángulo de 360°?

Los cuadriláteros se clasifican según el paralelismo de sus lados:



Los paralelogramos

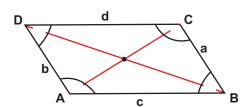
Los paralelogramos son cuadriláteros cuyos lados opuestos son paralelos dos a dos. Además, todos los paralelogramos verifican las siguientes propiedades:

Los lados opuestos tienen la misma longitud.

$$AB \cong CD \ y \ AD \cong BC$$

* Los ángulos opuestos son iguales.

X Las diagonales se cortan en su punto medio.



A su vez, los paralelogramos se dividen en tres clases:

Los rectángulos tienen los cuatro ángulos iguales.

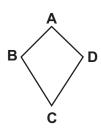


Los rombos tienen los cuatro lados iguales.



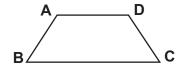
Los cuadrados tienen cuatro ángulos y cuatro lados iguales.

Los paralelogramos propiamente dichos, es decir, aquéllos que no son rectángulos, ni rombos, ni cuadrados también se llaman romboides.



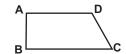
Los trapecios

Los **trapecios** son cuadriláteros que tienen sólo dos lados opuestos paralelos. Los otros dos no son paralelos.

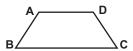


\overline{AD} es paralelo a \overline{BC}

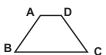
Hay tres tipos de trapecios:



Los **trapecios rectángulos** tienen dos ángulos rectos



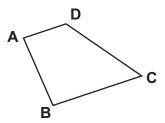
Los **trapecios isósceles**, cuyos lados no paralelos tienen la misma longitud.



Los **trapecios escalenos**, que son todos los demás.

Los **trapezoides** son cuadriláteros cuyos lados no son paralelos. Todos sus lados son distintos.

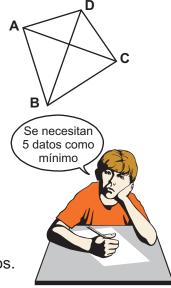
 $AB \neq BC \neq CD \neq DA$





Las cometas

Una cometa es un trapezoide muy especial: sus diagonales se cortan perpendicularmente en el punto medio de una de ellas.



¿Cuántos datos se necesitan para determinar un cuadrilátero?

- ✓ Una diagonal divide al cuadrilátero en dos triángulos.
- ✓ Uno de estos triángulos queda determinado con tres datos (teoremas de congruencia: lado-ángulo-lado; ángulo-lado-ángulo; lado-lado-ángulo).
- Para el segundo triángulo sólo se necesitan dos datos más porque un lado ya está determinado por el primer triángulo, ese lado es la diagonal del cuadrilátero.

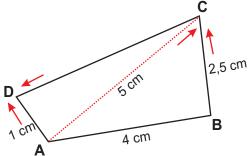
Ejemplo:

Construye un cuadrilátero ABCD con $\overline{AB} = 4 \text{ cm}$; $\overline{BC} = 2.5 \text{ cm}$; $\overline{CD} = 5 \text{ cm}$; $\overline{AD} = 1 \text{ cm}$; $\overline{AC} = 5 \text{ cm}$.

Solución:

La diagonal divide al cuadrilátero en los triángulos parciales ABC y ACD. Construye el triángulo parcial ABC:

- 1. Traza el segmento \overline{AB} de 4 cm.
- 2. Traza el segmento \overline{BC} de 2,5 cm y la diagonal \overline{AC} = 5 cm que se unan en el punto C.
- Traza los segmentos AD = 1 cm
 CD = 5 cm que se unan en el punto D.



Hazlo TÚ mismo

Responde teniendo en cuenta todas las posibilidades

- a) Las diagonales se cortan en el punto medio de ambas, se trata de un
- b) Las diagonales son perpendiculares, una corta a la otra en el punto medio, se trata de un _____
- c) Tiene dos lados opuestos paralelos y dos pares de ángulos congruentes; es un
- d) Tiene dos lados no paralelos y dos ángulos rectos, es un