

## APRENDAMOS A CALCULAR CON NÚMEROS REALES (Aplicación)

### 1. Recuerda



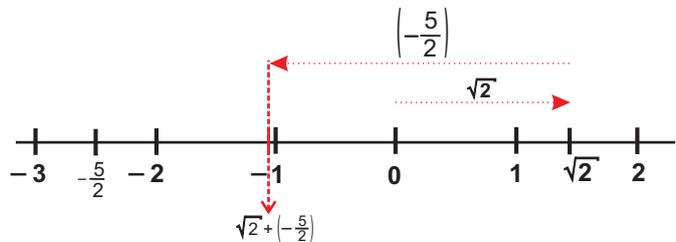
La representación geométrica de la \_\_\_\_\_ y \_\_\_\_\_ de los números \_\_\_\_\_ se basa en la representación correspondiente de los números \_\_\_\_\_.

En el conjunto de los números \_\_\_\_\_ se cumplen las mismas leyes o \_\_\_\_\_ que se cumplen en el conjunto de los \_\_\_\_\_.



**Adición**

$$\sqrt{2} + \left(-\frac{5}{2}\right)$$



$$\sqrt{2} + \left(-\frac{5}{2}\right) \cong 1,41 - 2,5 \cong 1,09$$

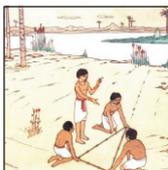
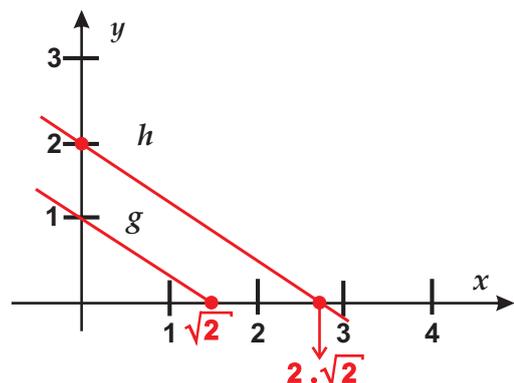


**Multiplicación**

$$2 \cdot \sqrt{2}$$

$$2 \cdot \sqrt{2} \cong 2 \cdot 1,41 \\ \cong 2,82$$

$$g \parallel h$$

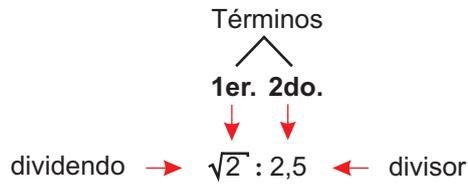


*Pequeños  
enigmas*

Todos sabemos, que **el orden de los factores no altera el producto**. Sin embargo, "estirando" un poco esa verdad, nos encontramos con sorpresas inesperadas. La siguiente multiplicación parece común y corriente:  $203313 \times 657624 = 133703508312$  pero, y aquí está lo extraordinario, si invertimos el **orden de los dígitos** de la multiplicación ¡el resultado sigue siendo el mismo!  
 $313302 \times 426756 = 133703508312$  encuentra 4006 x 3002 y su inversa y agrega nuevos casos.

### Ejemplo C

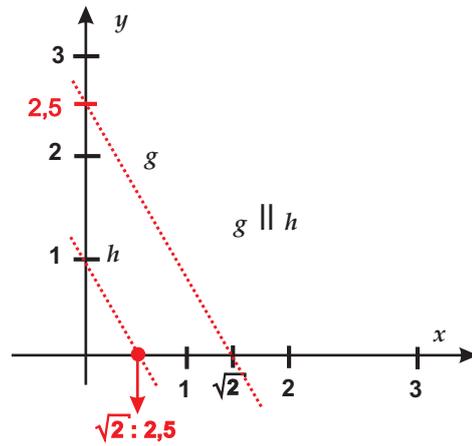
Determina mediante un gráfico el resultado de  $\sqrt{2} : 2,5$



**Para la división**  
 1er término → eje  $x$   
 2do término → eje  $y$

### Solución

1. Marca  $\sqrt{2}$  en el eje  $x$ . Marca 2,5 en el eje  $y$
  2. Dibuja una recta  $g$  que atraviese los puntos 2,5 y  $\sqrt{2}$ .
  3. Dibuja una recta  $h$  que sea paralela a la recta  $g$ , que atraviese el punto 1 del eje  $y$ .
- La recta  $h$  corta al eje  $x$  en  $\sqrt{2} : 2,5$



$$\begin{aligned} \sqrt{2} : 2,5 &\cong 1,4142 : 2,5 \\ &\cong 0,56568 \cong 0,57 \text{ (aproximación al centésimo)} \end{aligned}$$

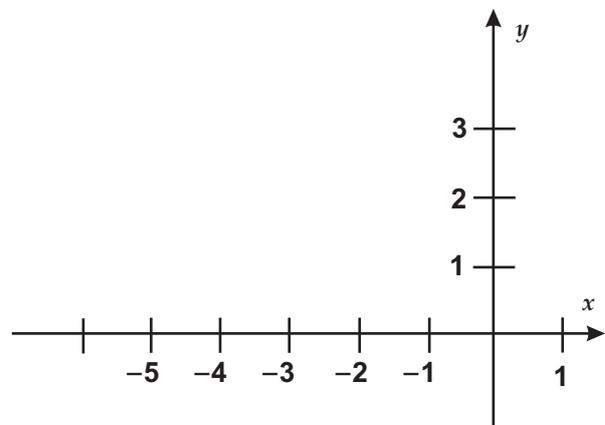
### 2. Determina el cociente mediante un gráfico

$(-5) : 2$

1. Marca \_\_\_\_\_ en el eje  $x$ .  
 Marca \_\_\_\_\_ en el eje  $y$ .
2. Dibuja una recta  $g$  que atraviese los puntos marcados en el paso 1
3. Dibuja una recta  $h$  que sea paralela a la recta  $g$ , que atraviese el punto 1 en el eje  $y$ .

La recta  $h$  corta al eje  $x$  en \_\_\_\_\_

$(-5) : 2 =$  \_\_\_\_\_



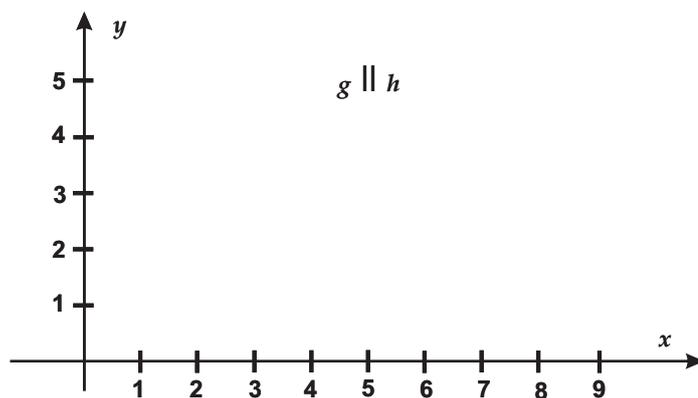
Recuerda la ley de signos para el producto de números

Multiplicación			
+	.	+	= +
+	.	-	= -
-	.	-	= +
-	.	+	= -

División			
+	:	+	= +
+	:	-	= -
-	:	-	= +
-	:	+	= -

### 3. Determina el resultado mediante un gráfico y compara.

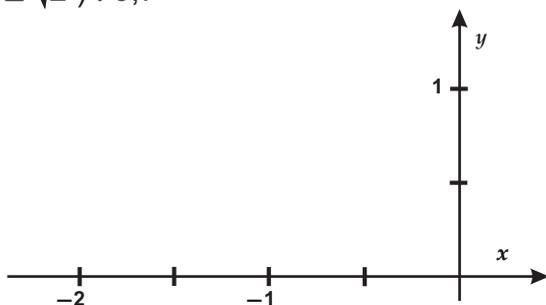
$2,5 \cdot 3,5$  y  $3,5 \cdot 2,5$



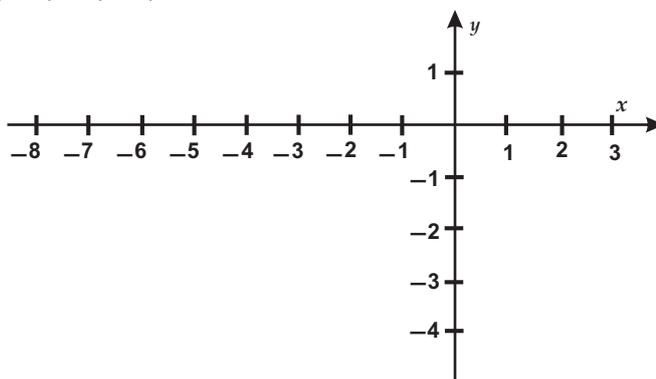
1. Ubica el primer factor en el eje  $y$ , luego el segundo factor en el eje  $x$ .
2. Traza la recta  $g$  que pase por el punto 1 del eje  $y$ , y por el segundo factor marcado en el eje  $x$ .
3. Traza otra recta que sea paralela a la recta trazada en el paso 2, que pase por el punto correspondiente al primer factor marcado en el eje  $y$ .

### 4. Determina cada cociente mediante un gráfico

a)  $(-\sqrt{2}) : 0,7$



b)  $(-7) : (-4)$



1. Marca el 1er término en el eje  $x$ . Marca el 2do término en el eje  $y$ .
2. Dibuja una recta  $g$  que atraviese los puntos indicados en el paso 1.
3. Dibuja una recta  $h$  que sea paralela a la recta  $g$ , que atraviese el punto 1 en el eje  $y$ .  
La recta  $h$  corta al eje  $x$  en el resultado.

**¿Sabías qué... ?**

**¿Qué relación tienen las matemáticas con la música?**

Al analizar los instrumentos de música Pitágoras y sus alumnos descubrieron que los intervalos de tonos sonaban especialmente armónicos cuando las longitudes de las cuerdas podían ser expresadas mediante simples relaciones numéricas. Así la octava corresponde a la relación 1 : 2 ( $\frac{1}{2}$ ) es decir si se acorta la cuerda a la mitad, entonces el tono sube una octava. Ellos descubrieron también que la quinta tiene la relación 2 : 3, la cuarta 3 : 4.



**Hazlo TÚ mismo**

**Determina el resultado mediante un gráfico**

- a)  $(-2,5) \cdot 3,5$  y  $3,5 \cdot (-2,5)$
- b)  $(-2,5) \cdot (-3,5)$  y  $(-3,5) \cdot (-2,5)$
- c)  $3,5 : 1,5$

**TU RETO PERSONAL**

**¿Cuáles de los siguientes productos son números irracionales?**

- a)  $\sqrt{0,36} \cdot \sqrt{1,21}$
- b)  $\sqrt{37} \cdot \sqrt{37}$
- c)  $25 \cdot \sqrt{5}$
- d)  $(2 + \sqrt{2})^2$
- e)  $(2 + \sqrt{2})(\sqrt{2} - 2)$

**Soluciones**

$g \parallel h$

